

סוג הבחינה: א. בגרות לבתי ספר על-יסודיים  
ב. בגרות לנבחנים אקסטרניים  
מועד הבחינה: קיץ תשע"ו, 2016  
מספר השאלון: 035582  
נספח: דפי נוסחאות ל-5 יחידות לימוד

## מתמטיקה

### על פי תכנית הרפורמה ללמידה משמעותית שאלון שני מ-5 יחידות לימוד

#### הוראות לנבחן

- א. משך הבחינה: שעתיים ורבע.
- ב. מבנה השאלון ומפתח ההערכה: בשאלון זה שני פרקים.  
פרק ראשון – גאומטריה אנליטית, וקטורים,  
טריגונומטריה במרחב,  
מספרים מרוכבים  
פרק שני – גדילה ודעיכה,  
פונקציות מעריכיות ולוגריתמיות  
סה"כ – 100 נקודות
- ג. חומר עזר מותר בשימוש:  
(1) מחשבון לא גרפי. אין להשתמש באפשרויות התכנות במחשבון הניתן לתכנות.  
שימוש במחשבון גרפי או באפשרויות התכנות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבחינה.  
(2) דפי נוסחאות (מצורפים).
- ד. הוראות מיוחדות:  
(1) אל תעתיק את השאלה; סמן את מספרה בלבד.  
(2) התחל כל שאלה בעמוד חדש. רשום במחברת את שלבי הפתרון, גם כאשר החישובים מתבצעים בעזרת מחשבון.  
הסבר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה ומסודרת.  
חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבחינה.  
(3) לטייטה יש להשתמש במחברת הבחינה או בדפים שקיבלת מהמשגיחים.  
שימוש בטייטה אחרת עלול לגרום לפסילת הבחינה.

ההנחיות בשאלון זה מנוסחות בלשון זכר ומכוונות לנבחנות ולנבחנים כאחד.

ב ה צ ל ח ה !

## ה ש א ל ו ת

**שים לב!** הסבר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה.  
חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבחינה.

**פרק ראשון — גאומטריה אנליטית, וקטורים, טריגונומטריה במרחב,**

**מספרים מרוכבים** ( $\frac{2}{3}$  נקודות)

ענה על שתיים מהשאלות 1-3 (לכל שאלה —  $33\frac{1}{3}$  נקודות).

**שים לב!** אם תענה על יותר משתי שאלות, ייבדקו רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.

1. נתון טרפז  $ABCD$  ( $AB \parallel DC$ ).

המשכי השוקיים  $BC$  ו-  $AD$  נפגשים בראשית הצירים.

השוק  $BC$  מונחת על החלק החיובי של ציר ה-  $x$ .

הקדקודים  $A$  ו-  $D$  נמצאים ברביע השלישי.

הבסיס  $AB$  מונח על הישר  $3x - 4y - 15 = 0$ .

גובה הטרפז הוא 6.

היעזר בסרטוט סקיצה של הטרפז במערכת צירים, וענה על סעיפים א ו- ב.

א. מצא את משוואת הבסיס  $DC$ .

נתון כי הקדקודים  $A$  ו-  $C$  נמצאים על מעגל שמרכזו בקדקוד  $B$ .

ב. (1) מצא את רדיוס המעגל.

(2) מצא את השיעורים של הקדקוד  $D$ .

2. בפירמידה ABCDE שבסיסה ריבוע

$$\vec{AD} \perp \vec{DE},$$

נתון: הוקטור  $\vec{AE}$  יוצר זוויות שוות

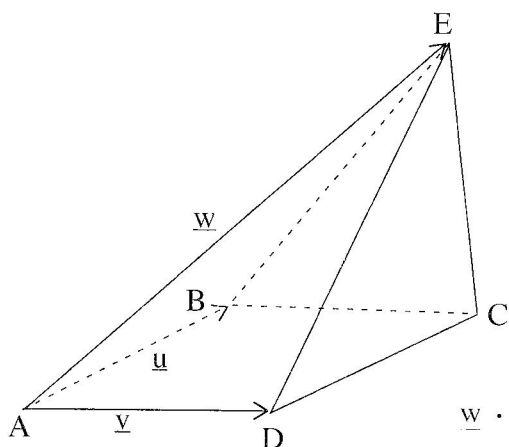
עם הוקטורים  $\vec{AB}$  ו-  $\vec{AD}$ ,

אורך צלע הבסיס הוא 5.

נסמן:  $\vec{AB} = \underline{u}$ ,  $\vec{AD} = \underline{v}$ ,

$$\vec{AE} = \underline{w}$$

(ראה ציור).



א. מצא את הערך של המכפלה הסקלרית  $\underline{w} \cdot \underline{v}$

ושל המכפלה הסקלרית  $\underline{w} \cdot \underline{u}$ .

הנקודה H נמצאת על המקצוע EC כך ש-  $\vec{EH} = \frac{2}{5}\vec{EC}$ .

$$|\vec{AH}| = 2\sqrt{17} \text{ נתון:}$$

ב. מצא את אורך המקצוע AE.

ג. (1) הראה כי המשולש EDC הוא ישר-זווית, ומצא את שטחו.

(2) מצא את נפח הפירמידה המשולשת AEDC.

## המשך בעמוד 4

3. נתון:  $z^2 - 2R \operatorname{cis} \theta \cdot z - 3R^2 \operatorname{cis} (2\theta) = 0$ ,  
 $z$  הוא מספר מרוכב,  $0 < \theta < 90^\circ$ ,  $R$  הוא מספר ממשי חיובי.  
פתרונות המשוואה הנתונה הם  $z_1$  ו-  $z_2$ .  
 $z_1$  נמצא ברביע הראשון.  
א. הבע באמצעות  $\theta$  ו-  $R$  את  $z_1$  ואת  $z_2$ .  
נתון כי משוואת הישר העובר דרך  $z_1$  ו-  $z_2$  היא  $y = \frac{\sqrt{3}}{3}x$ .  
ב. מצא את  $\theta$ .  
המספר המרוכב  $z_3$  מקיים:  $z_3 = \bar{z}_1$ .  
ג. (1) סרטט במישור גאוס את המספרים  $z_1, z_2, z_3$ .  
(2) נתון כי שטח המשולש  $z_1 O z_3$  הוא  $225\sqrt{3}$  (O – ראשית הצירים)  
מצא את הערך המוחלט של  $z_2$ .

## פרק שני — גדילה ודעיכה, פונקציות מעריכיות ולוגריתמיות

(33  $\frac{1}{3}$  נקודות)

ענה על אחת מהשאלות 4-5.

שים לב! אם תענה על יותר משאלה אחת, תיבדק רק התשובה הראשונה שבמחברתך.

4. נתונה הפונקציה  $f(x) = -3x^2 \cdot e^{x^3}$ .א. (1) מצא את השיעורים של נקודות הקיצון של הפונקציה  $f(x)$ , וקבע את סוגן.

בתשובתך דייק עד שתי ספרות אחרי הנקודה העשרונית.

(2) מצא את נקודות החיתוך של הפונקציה  $f(x)$  עם הצירים (אם יש כאלה).(3) סרטט סקיצה של גרף הפונקציה  $f(x)$ .(4) נתון כי הפונקציה  $g(x)$  מקיימת  $g(x) = |f(x)|$ .הוסף סקיצה של גרף הפונקציה  $g(x)$  לסקיצה של גרף הפונקציה  $f(x)$ .ב. חשב את השטח הסגור בין הגרפים של שתי הפונקציות  $f(x)$  ו- $g(x)$  ובין הישר  $x = -1$ .ג. הפונקציות  $h(a)$  ו- $t(a)$  מקיימות:

$$a \geq -1, \quad h(a) = \int_{-1}^a f(x) dx, \quad t(a) = \int_{-1}^a g(x) dx$$

מצא את השיעורים של נקודת הפגישה בין הגרפים של הפונקציות  $h(a)$  ו- $t(a)$ .

5. נתונה הפונקציה  $f(x) = \frac{x^2}{2} \left( \frac{1}{2} - \ln x \right)$ .

א. (1) מצא את תחום ההגדרה של  $f(x)$ .

(2) מצא את נקודות החיתוך של הפונקציה  $f(x)$  עם הצירים (אם יש כאלה).

(3) מצא את השיעורים של נקודות הקיצון של הפונקציה  $f(x)$  (אם יש כאלה),

וקבע את סוגן.

ב. (1) מצא את השיעורים של נקודות הקיצון של פונקציית הנגזרת  $f'(x)$  (אם יש כאלה),

וקבע את סוגן.

(2) מצא את השיעורים של נקודת הפיתול של הפונקציה  $f(x)$ .

ג. (1) סרטט באותה מערכת צירים סקיצה של הפונקציה  $f(x)$ ,

וסקיצה של פונקציית הנגזרת  $f'(x)$ .

(2) ברביע הראשון הגרפים של הפונקציות  $f(x)$  ו- $f'(x)$  נפגשים בנקודה אחת.

באיזה תחום ערכים נמצא שיעור ה- $x$  של נקודה זו?

ד. הפונקציה  $g(x)$  מקיימת:  $g'(x) = f(x)$ .

נתון:  $g(1) = a$ ,  $g(\sqrt{e}) = b$ ,  $g(e) = c$ .

הבע באמצעות  $a$ ,  $b$ , ו- $c$  את השטח המוגבל על ידי גרף הפונקציה  $f(x)$ ,

על ידי ציר ה- $x$  ועל ידי הישרים  $x = 1$  ו- $x = e$ .

**בהצלחה!**